

خلاصه فرمول های محاسباتی توابع برداری: اگر $\vec{r}(t) = x(t)\hat{i} + y(t)\hat{j} + z(t)\hat{k}$ در این صورت: سرعت \vec{v} ، تندى v و شتاب \vec{a} به صورت زیر تعريف می گردند:

$$\vec{v}(t) = \frac{d\vec{r}}{dt}, \quad v(t) = |\vec{v}(t)|, \quad \vec{a}(t) = \frac{d\vec{v}(t)}{dt} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2}$$

کنج فرنه به کمک فرمول های زیر محاسبه می شوند:

$$\hat{T} = \frac{\vec{v}}{v}, \quad \hat{B} = \frac{\vec{v} \times \vec{a}}{|\vec{v} \times \vec{a}|}, \quad \hat{N} = \hat{B} \times \hat{T}$$

گاهی محاسبه \hat{N} به کمک فرمول $\hat{N} = \frac{d\hat{T}/dt}{|d\hat{T}/dt|}$ مناسب تر است.

انحناء κ و تاب τ به کمک فرمول زیر محاسبه می شوند:

$$\kappa = \frac{|\vec{v} \times \vec{a}|}{v^3}, \quad \tau = \frac{\vec{v} \times \vec{a} \cdot \left(\frac{d\vec{a}}{dt}\right)}{|\vec{v} \times \vec{a}|^3} = \frac{\begin{vmatrix} \dot{x} & \dot{y} & \dot{z} \\ \ddot{x} & \ddot{y} & \ddot{z} \\ \ddot{x} & \ddot{y} & \ddot{z} \end{vmatrix}}{|\vec{v} \times \vec{a}|^3}$$

شعاع انحناء را با $\rho = \frac{1}{\kappa}$ و مرکز انحناء به صورت $\vec{r} + \rho\hat{N}$ تعريف می شود. همچنین دایره مماس یا دایره بوسان دایره ای است به مرکز انحناء و شعاع ρ .

بردار شتاب را می توان به کمک مؤلفه های مماسی و قائم شتاب صورت زیر نوشت:

$$\vec{a}(t) = a_T\hat{T} + a_N\hat{N}$$

$$a_T = \frac{dv}{dt}, \quad a_N = \sqrt{|\vec{a}|^2 - a_T^2} \quad \text{که در آن:}$$

تابع طول قوس منحنی به صورت $s(t) = \int_t^t \sqrt{x'(t)^2 + y'(t)^2 + z'(t)^2} dt$ تعريف می شود و اگر بتوانیم t را برحسب s به صورت $t = t(s)$ بنویسیم، معادله پارامتری طبیعی منحنی (برحسب طول قوس) به صورت زیر است:

$$\vec{r}(s) = \vec{r}(t(s))$$

و کنج فرنه برای پارامتر طبیعی خم به کمک فرمول های زیر محاسبه می شود:

$$\hat{T}(s) = \frac{d\vec{r}}{ds}, \quad \hat{N}(s) = \frac{d\hat{T}/ds}{|d\hat{T}/ds|}, \quad \hat{B}(s) = \hat{T}(s) \times \hat{N}(s)$$